U_M

Calculer ou utiliser un pourcentage d'évolution





Cours









Revoir si besoin le :

- <u>cours</u> sur les pourcentages instantanés
- quizz sur les pourcentages instantanés

On parle d'évolution lorsqu'une valeur évolue au cours du temps. On peut alors faire le schéma suivant :



 V_f

Valeur initiale

Valeur finale

1. Si on connait la valeur initiale et la valeur finale

Pourcentage d'évolution =
$$\frac{V_f - V_i}{V_i} \times 100$$

On peut définir un coefficient afin de passer de la valeur initiale à la valeur finale par une multiplication.

On note ce coefficient CM (coefficient multiplicateur) : $\mathbf{CM} = \frac{V_f}{V_i}$

On a alors : $V_f = CM \times V_i$

Exemples:

1) La population d'une ville passe en 10 ans de 56 000 à 91 000 habitants.

Quel est le pourcentage d'augmentation de la population ? Calculer le coefficient multiplicateur.

Evolution en % =
$$\frac{91000 - 56000}{56000} \times 100 = 62,5\%$$

Il s'agit d'une augmentation de 62,5%.

$$CM = \frac{91000}{56000} = 1,625$$

2) Le prix d'un téléviseur de 1 560 € a été soldé à 1 365 €.

Quel est le pourcentage de réduction ? Calculer le coefficient multiplicateur.

Evolution en % =
$$\frac{1365 - 1560}{1560} \times 100 = -12,5\%$$

Il s'agit d'une remise de 12,5%.

$$CM = \frac{1365}{1560} = 0,875$$

Remarques:

- Pour le pourcentage d'évolution, on divise toujours par la valeur initiale. Si le pourcentage est positif, il s'agit d'une augmentation. Si le pourcentage est négatif, il s'agit d'une réduction.
- Synonymes d'augmentation : hausse, inflation,...
- Synonymes de réduction : diminution, déflation, rabais, démarque, solde, remise, ...
- On a toujours, pour une augmentation CM > 1 et pour une réduction CM < 1.

2. Si on connait le pourcentage d'évolution et la valeur initiale

On se trouve:

• Soit dans le cas d'une **augmentation**, et on a, si on appelle α le pourcentage d'augmentation :

$$CM = 1 + \frac{a}{100}$$

• Soit dans le cas d'une **réduction**, et on a, si on appelle *r* le pourcentage de réduction :

$$CM = 1 - \frac{r}{100}$$

On a toujours dans les deux cas : $V_f = CM \times V_i$

Exemples:

1) La fréquentation d'un musée subit une augmentation de 18 % de 2007 à 2014. En 2007, 110 000 personnes ont visité le musée. Quel est le nombre de visiteurs en 2014 ?

$$CM = 1 + \frac{18}{100} = 1{,}18$$

Nombre de visiteurs = 1,18 x 110 000 = 129 800

2) Un ordinateur valant 980 € baisse de 5 %. Quel est le nouveau prix de cet ordinateur ?

$$CM = 1 - \frac{5}{100} = 0.95$$

Nouveau prix = 0,95 x 980 = 931 €

Remarque:

On pourrait éventuellement calculer d'abord l'augmentation ou la réduction et l'additionner ou la soustraire à la valeur initiale.

3. Si on connait le pourcentage d'évolution et la valeur finale

La valeur initiale s'obtient dans ce cas par division. En effet : $V_i = \frac{V_f}{\text{CM}}$

Exemples:

Un prix TTC de 150 € a été obtenu à partir d'une TVA de 20 %. Déterminer le prix hors taxe ainsi que la TVA. La TVA correspond à une augmentation, donc :

$$CM = 1 + \frac{20}{100} = 1, 2$$

Prix hors taxe =
$$\frac{150}{1.2}$$
 = 125€

4. Si on connait le coefficient multiplicateur

Pour déterminer le pourcentage d'évolution à partir du coefficient multiplicateur, on applique une des formules suivantes :

• Si CM > 1 alors
$$a = 100 x (CM - 1)$$

• Si CM < 1 alors
$$r = 100 \times (1 - CM)$$

Exemples:

1) Le coefficient multiplicateur est de 1,03. Quel est le pourcentage d'augmentation ? Comme le coefficient multiplicateur est supérieur à 1, il s'agit bien d'une augmentation.

Donc
$$a = 100 (1,03 - 1) = 3 \%$$

2) Le coefficient multiplicateur est de 0,92. Quel est le pourcentage de réduction ?

Comme le coefficient multiplicateur est inférieur à 1, il s'agit bien d'une réduction.

Donc
$$r = 100 \times (1 - 0.92) = 8 \%$$

5. Evolutions successives

Lorsqu'une valeur subit deux évolutions successives, on peut schématiser la situation comme suit :

$$V_1 \xrightarrow{CM_1} V_2 \xrightarrow{CM_2} V_3$$

$$V_1 \xrightarrow{CM_T = CM_1 \times CM_2} V_3$$

On a ainsi : $CM_T = CM_1 \times CM_2$

Exemples:

1) Un prix subit deux augmentations successives de 10 % et 15 %.

Quel est le pourcentage total d'augmentation?

Calculons les coefficients multiplicateurs associés aux deux augmentations :

$$CM_1 = 1 + \frac{10}{100} = 1,1$$
 et $CM_2 = 1 + \frac{15}{100} = 1,15$

Calculons le coefficient multiplicateur global :

$$CM_T = CM_1 \times CM_2 = 1,1 \times 1,15 = 1,265$$

Calculons maintenant l'augmentation globale associée :

$$a = 100 \times (CM_T - 1) = 26.5 \%$$

Remarque: cette augmentation globale n'est pas la somme des deux augmentations!

2) Un prix subit une augmentation de 10 % suivi d'une réduction de 10 %.

Quelle est l'évolution globale?

Calculons les coefficients multiplicateurs :

$$CM_1 = 1 + \frac{10}{100} = 1.1$$
 et $CM_2 = 1 - \frac{10}{100} = 0.9$

Calculons le coefficient multiplicateur global :

$$CM_T = CM_1 \times CM_2 = 1.1 \times 0.9 = 0.99$$

Il s'agit d'une réduction de :

$$r = 100 \times (1 - CM_T) = 100 \times (1 - 0.99) = 1\%$$

Remarque: on n'est pas revenu au prix initial!

6. A toi de jouer!

Vérifie que tu sais bien appliquer ces règles de calcul dans les cas suivants...

